



3D-Lasernanodruck-Simulation



Abschlussdokumentation der Kooperationsphase2021/22

Durchgeführt am Institut für Angewandte Physik Betreut durch Pascal Kiefer und Tobias Messer

Gestrich, Elias Kurs KA 16 Vierling, Dan Kurs KA 16

Abstract

In the past years, the unprecedentedly high resolutions of 3D laser nano litography created new opportunities in a wide variety of application fields. This technique is based on special resins, which are induced by light to polymerize. Therefore, strongly focused laser beams can be used to create arbitrary three-dimensional nano structures within them. However, since those resins exhibit memory-like behaviour, the printed structures may form unintended shapes. The aim of this project was to visualize this effect.

Inhaltsverzeichnis

1.	Motivation	1
2.	Theoretische Grundlagen 2.1. Aufbau eines 3D-Laserdruckers 2.2. Radikalische Polymerisation 2.3. Quenching 2.4. Accumulation-Threshold-Model 2.5. Photonen-Absorptions-Prozesse	2 2 2 4 5 5
3.	Methodik 3.1. Modellierung des Lichtfokus	7 8 8 9 10 11
4.	Ergebnisse	12
5.	Diskussion 5.1. Auflösung	14 14 15
6.	Ausblick	16
Α.	Anhang	17

1. Motivation

3D-Drucker gibt es heutzutage in den unterschiedlichsten Ausführungen. Mithilfe dieser können z. B. Bauteile, die konventionell nicht herzustellen wären, individuell angefertigt werden. Dabei werden sie sowohl in Dimensionen von mehreren Metern verwendet, um beispielsweise mit Betondruck Bestandteile für Häuser zu drucken, als auch in handlichen Größen, um Ersatzteile für Haushaltsgegenstände herzustellen. Dies sind alles Beispiele des 3D-Drucks mittels Filamentdruckverfahrens, bei dem flüssiges Material extrudiert wird, welches danach aushärtet. Dabei wird das Material Schicht für Schicht aufgetragen.

In unserem Fall beschäftigen wir uns jedoch mit einer Technologie, die Sterelithographie genannt wird und das Drucken in noch kleineren Maßstäben ermöglicht - im Nanometer-Bereich. Bei dieser Technologie wird durch die Fokussierung eines energiereichen Laser auf einen kleinen Bereich ein spezieller Lack gehärtet. Dadurch können 1000-mal höhere Auflösung realisiert werden, als es die Materialextruder im eben erklärten Filamentdruckverfahren zulassen. Der 3D-Lasernanodruck findet schon heute Anwendung, zum Beispiel bei der Herstellung winziger optischer Linsen und diffraktiver Gitter, und eröffnete das Feld der 3D-Metamaterialien. Diese weisen neuartige Eigenschaften auf, wie z. B. negative Kompressibilitätsfaktoren. Außerdem verspricht die Präzision des Druckverfahrens viel im Hinblick auf medizinische Anwendungen. Angedacht sind hier Gerüste, mit denen Zellen zu gezieltem Gewebewachstum angeleitet werden können. [4]

Verschiedene Lacke absorbieren die eintreffenden Photonen des Lasers auf unterschiedliche Weise. Dabei gibt es zwei Gruppen, in die die bisherigen Lacke unterteilt werden können. Lacke der einen Sorte können zwar mit weniger Laserleistung betrieben werden, sind jedoch für die Komplexität, die die gedruckten Objekte in der Anwendung haben, zu unpräzise. Ziel unseres Projektes war es, das Auftreten dieser Unterschiede zu erklären und mit Simulationen zu veranschaulichen.

2. Theoretische Grundlagen

2.1. Aufbau eines 3D-Laserdruckers

Alle 3D-Lasernanodrucker, die am Institut für angewandte Physik des KIT verwendet werden, funktionieren nach dem Prinzip der Stereolithographie.



Abbildung 1: Schematischer Aufbau eines 3D-Lasernanodruckers; Eigene Abbildung nach [3]

Als Photonenquellen dienen Femtosekunden-Pulslaser. Sie können Lichtimpulse um die 100 fs erzeugen und erreichen damit Spitzenleistungen über 1 GW. Mit zwei Galvo-Spiegeln, die sich je um eine Achse drehen können, kann der Fokuspunkt in der x-y-Ebene mit konstanten Geschwindigkeiten von bis zu $0.2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ bewegt werden. Ein akustooptischer Modulator unterbricht zuvor den Laserstrahl zwischen den Schreibvorgängen, während die Spiegel gebremst, neu positioniert und wieder beschleunigt werden müssen. Fokussiert wird der Strahl durch ein Objektiv mit bis zu 100-facher Auflösung, das in direktem Kontakt mit dem Lack steht. Die Entfernung zur Substratplatte kann mit Piezomotoren eingestellt werden. Damit wird der Fokuspunkt in z-Richtung bewegt.

Zu Beginn eines Druckprozesses liegt der Brennpunkt in der Ebene der Substratplatte. Wie bei herkömmlichen Verfahren werden die 3D-Objekte schichtweise gedruckt. Der Abstand, den die Schichtebenen zueinander haben, heißt Slicing. Jede Schicht wiederum wird aus parallelen Linien zusammengesetzt. Der Abstand zwischen zwei Linien heißt Hatching. Wenn der Druckvorgang beendet ist, kann der noch flüssige Lack abgespült werden, sodass die fertige Struktur auf der Substratplatte zurückbleibt. [3]

2.2. Radikalische Polymerisation

Die Lacke bestehen im Wesentlichen aus Kunststoffmonomeren und photosensitiven Initiatormolekülen. Die Monomere teilen den selben Grundaufbau (s. Abbildung 2) und zeichnen sich dadurch aus, dass sie mindestens eine Ethenylgruppe besitzen. An dieser werden sie untereinander zu Polymerketten verknüpft. Der Rest R ist von Werkstoff zu Werkstoff verschieden.



Abbildung 2: Grundaufbau eines Kunstoffpolymers, die Ethenylgruppe blau hervorgehoben

Die Initiatoren sind notwendig, um die Polymerisation anzustoßen. Durch eintreffende Photonen

werden sie in einen energiereicheren Zustand versetzt und können in Folge dessen zu zwei Starterradikalen gespaltet werden. Ausgehend davon läuft die Polymerisation in drei Phasen ab.

Initiierung

Bei der Initiierung greift ein Starterradikale S die Doppelbindung der Ethenylgruppen eines Moleküls an und löst dabei ein bindendes Elektronenpaar auf. Es bindet kovalent an eines der Kohlenstoffatome.



Das ungepaarte Elektron erscheint am anderen Ende des Monomers und bildet wieder ein Radikal.

Propagation

In einer Wachstumsreaktion können sich an diesem Radikal immer weitere Monomere anlagern. Durch den selben Mechanismus wie bei der Initiierung wird das eine Kohlenstoffatom des Monomers gebunden, während das andere ein neues Radikal ausbildet.



Termination

Wenn zwei Radikale aufeinander treffen, kommt es zur Abbruchreaktion. Dies kann entweder dadurch geschehen, dass sich zwei Ketten an ihren radikalischen Enden zu einer Kette rekombinieren, oder dass durch die Übertragung eines H-Atoms zwei Ketten mit nicht-radikalischen Enden entstehen.

Rekombination



Disproportionierung



Anstelle der Polymerradikale können auch andere, z. B. noch vorhandene Starterradikale, an der Rekombination und der Disproportionierung beteiligt sein. Lediglich bei Letzterer muss mindestens einer der beiden Reaktionspartner eine Polymerkette mit radikalischem Ende sein. [5] Die Termination ist erst bei fortgeschrittener Polymerisation zu beobachten. In Bereichen, in denen die Monomere noch vorwiegend ungebunden vorliegen, trifft ein radikalisches Kettenende mit höherer Wahrscheinlichkeit auf ein Monomer. Dort ist die Propagation wahrscheinlicher. Daher läuft die Polymerisation, einmal initiiert, in einem ausschließlich aus Monomeren bestehenden Lack soweit ungehindert ab, bis sich überall ein Polymernetzwerk gebildet hat. Der Lack ist dann auf makroskopischer Ebene ausgehärtet.

Um dem Kunststoff zusätzliche Stabilität zu verleihen, werden Monomergemischen sogenannte Vernetzungsmittel zugegeben. Das sind Moleküle mit mehreren Ethenylgruppen. Sie nehmen an der Propagation mehrerer Polymerketten teil und bilden somit Verknüpfungen zwischen diesen. Beim 3D-Lasernanodruck sind in der Regel ausschließlich Vernetzungsmittel als Monomeranteil in den Lacken vorhanden. Ein häufig verwendetes Molekül ist Pentaerythritoltriacrylat, kurz PETA. Dessen drei Ethylgruppen sind in Abbildung 3 blau markiert. [2]



Abbildung 3: Pentaerythritoltriacrylat (PETA)

2.3. Quenching

Beim 3D-Lasernanodruck soll verhindert werden, dass der gesamte Lack nach der Initiierung aushärtet. Dafür spielt der Sauerstoff, der aus der Luft in den Lack diffundiert, eine entscheidende Rolle. Er hat die Fähigkeit, die Polymerisation zu unterbinden. Dies nennt man Quenchen.

Indem der Sauerstoff Peroxylradikale bildet, erschwert er die Propagation von Polymerketten. Die neu gebildeten Radikale sind stabiler und nehmen selten an einer Wachstumsreaktion teil. Durch



Abbildung 4: Bildung eines Peroxylradikals

Rekombination oder Disproportionierung können sie aber zur Termination führen, wenn sie mit radikalischen Kettenenden aufeinandertreffen. Dadurch wird ein Fortsetzen der Polymerisation unterbunden, wenn keine neuen Starterradikale durch Einwirkung des Lasers gebildet werden. [2]

2.4. Accumulation-Threshold-Model

Ein Aushärten an einer Stelle im Lack wird dann erreicht, wenn es zu ausreichend großer Kettenlänge sowie ausreichend vielen Verknüpfungen zwischen den Ketten gekommen ist. Zur Quantifizierung dieses Verhaltens wird die Lichtdosis verwendet. Sie beschreibt, wie viele Initiatormoleküle pro Volumen angeregt werden und hängt direkt von der Lichtintensität ab. Dadurch lässt sich ein Schwellenwert definieren, bei dem der Lack, wenn er einmal dieser Dosis ausgesetzt wurde, aushärtet. [1]

Innerhalb des Strahlenfokus gibt es einen Bereich, in dem der Lack nach einmaliger Einwirkung aushärtet. Die Dauer der Einwirkung ergibt sich dabei aus der Schreibgeschwindigkeit. Angelehnt an das Wort Pixel, das die kleinsten Bildelemente benennt, heißt diese Volumeneinheit Voxel.

Beim 3D-Lasernanodruck kommt es jedoch nicht nur innerhalb dieser Voxel zur Aushärtung des Lacks. Auch in den Ausläufern des gebündelten Strahls, in denen die Dosis unter der Schwelle liegt, kommt es durch einzelne Polymerisationsreaktionen zur Bildung von Polymerketten. Da diese zu einem späteren Zeitpunkt mit anderen Ketten zu größeren Netzen verknüpft werden können, spielt die Gesamtmenge der über die Zeit hinweg deponierten Lichtdosis eine Rolle. Durch Effekte wie der Diffusion ändert sich ihre Verteilung im Raum, als Näherung kann dies jedoch vernachlässigt und stattdessen angenommen werden, dass die Dosis für jeden Punkt im Raum linear aufsummiert wird. Die Ausdehnung der Bereiche, in denen der Lack unbeabsichtigt polymerisiert, hängt dabei stark von der Weise ab, wie die Initiatoren vom einfallenden Licht angeregt werden. [2]

2.5. Photonen-Absorptions-Prozesse

Nach Albert Einstein kann ein einzelnes Photon, welches die passende Energie liefert, ein Molekül anregen, wenn diese aufeinander treffen. Dieser Prozess heißt 1-Photon-Absorption (1PA). In einem Lichtbündel trifft aber nicht jedes Photon auch auf ein Molekül. Das Anregen ist ein statistisches Ereignis, was dazu führt, das die Dosisrate proportional zur Lichtintensität I ist.

Alternativ zur 1-Photon-Absorption entdeckte Marie Göppert-Mayer die 2-Photonen-Absorption (2PA). Hierbei haben die Photonen nur die halbe Energie. Trifft ein Photon auf ein Initiatormolekül, wird es auf ein virtuelles Energieniveau gehoben. Praktisch zeitgleich muss ein zweites Photon das Molekül treffen, um es in den angeregten Zustand zu versetzen. Die Wahrscheinlichkeit für dieses Ereignis ist geringer, da sie im Vergleich zur 1PA quadriert ist. Die Beziehung zwischen Lichtdosisrate \dot{D} und Lichtintensität I ändert sich daher zu $\dot{D} \sim I^2$. Der Exponent der Intensität, der bei der 1PA gleich 1 und bei der 2PA gleich 2 ist, wird als Nichtlinearitätswert bezeichnet.



Abbildung 5: Vergleich der Lichtdosis bei 1PA und 2PA; Eigene Abbildung

Durch Justierung der Laserintensität lässt sich die Lichtdosisrate so einstellen, dass die Voxel bei 1PA und 2PA gleich sind. Das heißt, der Bereich, in dem die Dosis nach einmaliger Einwirkung des Lasers über der Schwellendosis liegt, hat beide Male die gleiche Größe. In Abbildung 5 ist das Profil jener Dosis über der optischen Achse z und dem radialen Abstand r zur Achse dargestellt.

Der entscheidende Unterschied liegt in der Umgebung des Voxels. Dazu betrachte man die 2%-Höhenlinie bei der 1PA. Diese entspricht der 0,04%-Höhenlinie beim 2PA-Verfahren. Wirkt der Laser 50 Mal an einer Stelle im Lack ein, akkumuliert sich die Dosis innerhalb des abgebildeten Bereiches auf über 100%, wenn das 1PA-Verfahren verwendet wird. Verwendet man dagegen 2PA, muss der Laser 2500 Mal an der Stelle einwirken, damit der ausgehärtete Bereich die gleiche Ausdehnung hat. Bei nur 50-maligem Einwirken ist das Volumen, wie in der Abbildung zu sehen, sehr viel geringer. Dieser Effekt ist für den 3D-Lasernanodruck unentbehrlich, da die Unterschiede schon beim Druck kleiner Strukturen stark ausgeprägt sind. [4]

3. Methodik

3.1. Modellierung des Lichtfokus

Die deponierte Lichtdosis im Raum ist durch die Intensität I des Lasers bestimmt. Im Verlauf der Arbeit wurden zur Modellierung des Intensitätsfeldes zwei verschiedene Ansätze verwendet, namentlich der Gauß-Strahl und die Debye-Näherung, wie sie in [1] ausgeführt wird.

Der Gauß-Strahl ist eine einfache Möglichkeit, das Intensitätsfeld eines Lichtstrahl anzunähern. Dieser basiert auf der Annahme, dass die Lichtstrahlen nur schwach fokussiert sind. Beim 3D-Lasernanodruck, wo Objektive mit numerischen Aperturen von bis zu 1,4 zum Einsatz kommen, ist dies jedoch nicht der Fall. Daher wurde trotz dessen, dass deren Berechnung aufwändiger ist, die Debye-Näherung gewählt. Abbildung 6 zeigt die beiden normierten Intensitätsprofile im Vergleich. Wie deutlich die Simulationsergebnisse zum Teil voneinander abweichen, sieht man in Abbildung 7.



Abbildung 6: Vergleich der Intensitätsprofile des Gauß-Strahls und der Debye-Näherung; Eigene Abbildung



Abbildung 7: Vergleich der Simulation eines Tischdrucks bei 1PA mit dem Gauß-Strahl und der Debye-Näherung; Eigene Abbildung

3.2. Entwicklung des Programms

Ziel war es, eine Animation zu erstellen, welche die Simulation eines 3D-Drucks visualisiert. Dabei sollte anhand des gleichen 3D-Objekts der Einfluss von 1PA und 2PA auf das Druckergebnis gegenüber gestellt werden. Um das Erstellen der Animationen bequemer zu gestalten, wurde ein parametrisiertes Programm geschrieben, dessen Funktionsweise im Folgenden erläutert wird.

3.2.1. Berechnung der Akkumulation

Zur Berechnung der deponierten Lichtdosis wird der Raum mit einer Auflösung R in Felder eingeteilt und in einer 3-dimensionalen Matrix abgebildet. Wenn der Laser den Raum überstreicht, wird für jedes Feld simuliert, welche Lichtdosis darin deponiert wurde. Dafür wird entlang der Linien, die der Fokus beim 3D-Druck abfahren würde, eine weitere Matrix, die Dosismatrix, schrittweise hinzuaddiert. Dieses Vorgehen ist in Abbildung 8 dargestellt. In der Dosismatrix liegt für jedes Feld die Lichtdosis berechnet vor, die der Laser beim Überstreichen einer Feldlänge dort jeweils deponiert.



Abbildung 8: Iterative Akkumulation der Dosismatrix; Abbildung von Richard Wagner [1]

Die Lichtdosis lässt sich über mehrere Schritte aus der Lichtintensität bestimmen. Letztere kann mit der Debye-Näherung für diskrete Punkte des Raumes berechnet werden. Nach den Überlegungen in Kapitel 2.5 ist die Intensität mit dem Nichtlinearitätswert n potenziert proportional zur Lichtdosisrate. Der Faktor s gibt an, wie sensibel der Photolack auf den Laser reagiert, und soll auch Effekte einfließen lassen, die bisher nicht vollständig erforscht sind.

$$\dot{D} = s \cdot I^n$$

Die Dosiswerte für die Felder der Dosismatrix erhält man daraus, indem die Werte mit der Einwirkdauer t multipliziert werden. Diese kann mit der Länge R eines Feldes und der Schreibgeschwindigkeit v bestimmt werden. Wenn sich der Laserfokus wie in Abbildung 8 parallel zur x- oder y-Achse bewegt, ist die Einwirkdauer der Quotient beider Größen. Es ist dann:

$$D = s \cdot I^n \cdot \frac{R}{v}$$

3.2.2. Eingabe der 3D-Struktur

Das Einlesen der 3D-Strukturen geschah über das GWL-Dateiformat, das mit dem Programm DeScribe der Nanoscribe GmbH aus STL-Dateien generiert werden kann. Neben Metadaten enthält es Positionierungs- und Schreibanweisungen. In Tabelle 1 ist ein Auszug aus einer GWL-Datei abgebildet. In den ersten 3 Spalten sind die x-, y- und z-Koordinaten in Mikrometern angegeben. Die vierte Zeile gibt die Laserleistung in Prozent an.

> % Slice 1/23, Z = 0 5.0-4.30 0 4.5-4.30 0 4.5-4.30 1002.6250 100-4.32.625-4.30 0 2.125-4.3 0 0 Write 5.0-4.50 0 4.5-4.50 0 4.5-4.50 1002.6250 100 -4.52.625-4.50 0 2.125-4.50 0 Write AddZDrivePosition 0.3 % Slice 2/23, Z = 0.3 4.7-4.3 0 0 4.2-4.30 0 -4.3 4.20 1002.425100-4.30 2.4250 -4.30 0 1.925-4.30 Write

Tabelle 1: Auszug aus einer GWL-Datei für eine Struktur aus zwei parallele Linien in der untersten Ebene und einer höhergelegenen, an einem Ende überstehenden Linie

Die Zeilen, in denen die Leistung gleich null ist, sind Positionierungsanweisungen, die sicherstellen, dass die Galvo-Spiegel beschleunigen und den Schreibvorgang mit einer konstanten Geschwindigkeit vollführen können. Unter Einbezug einer bestehenden Bibliothek, die sich um die Auflösung der Makros kümmert, wird daraus ein MATLAB[®]-Array im Format von Tabelle 2 generiert, wobei jede Zeile einen Schreibvorgang enthält.

Hierbei ist zu beachten, dass die Werte in diesem Format nicht in Mikrometern angegeben sind, sondern Koordinaten innerhalb der Raummatrix angeben. Die ersten drei Spalten beschreiben die x-, y- und z-Koordinaten des Startpunkts. Da beim 3D-Druck immer nur horizontal geschrieben wird, reichen die zwei Spalten fühf und sechs aus, um den Endpunkt relativ zum Startpunkt angegeben.

Das Verfahren zur Umwandlung der GWL-Werte in Koordinaten soll anhand des vorliegenden

Beispiels erklärt werden. Aus der GWL-Datei können diejenigen Zeilen extrahiert werden, bei denen die Leistung 100 % beträgt. Damit erhält man die Start- und Endpunkte aller Schreibvorgänge. Aus ihnen werden die kleinsten x-, y-, und z-Werte bestimmt. Im Beispiel sind dies $x_{min} = 2,425 \,\mu\text{m}$, $y_{min} = -4,5 \,\mu\text{m}$ und $z_{min} = 0 \,\mu\text{m}$. An diese Stelle wird der Ursprung der abbildenden Raummatrix gesetzt, um ausschließlich positive Bildkoordinaten zu erhalten. Mit der Formel (1), die entsprechend für y und z gilt, werden alle Angaben in Mikrometern zu Koordinaten der Raummatrix umgewandelt. In unserem Beispiel beträgt die Auflösung 25 nm.

$$x_{Bild} = \frac{x_{Original} - x_{min}}{Auflösung} \tag{1}$$

Als letzter Schritt werden für jeden Schreibvorgang die x-, y- und z-Koordinaten der Startpunkte in die Tabelle eingetragen. Für die Endpunkte werden je die Differenzen $x_{Ende} - x_{Start}$ und $y_{Ende} - y_{Start}$ eingetragen. Da beide Punkte immer in einer Ebene liegen, kann die Differenz der z-Koordinaten entfallen. Bei der Abbildung der Mikrometerwerte auf Matrixkoordinaten kann es je nach Auflösung zu Rundungsfehlern kommen, deren Einfluss in 5.1 untersucht wurde.

х	у	z	$\mathbf{x}_{\mathrm{off}}$	Yoff
83	8	0	-75	0
83	0	0	-75	0
71	8	12	-71	0

Tabelle 2: MATLAB[®]-Tabelle mit geparsten Daten aus der GWL-Datei

3.2.3. Akkumulation

Im Kern der Anwendung ist die Akkumulation mittels einer Schleife umgesetzt. Andere Verfahren, wie eine parallelisierte Variante oder der Rückgriff auf den Fourierraum wie in [1], sind für eine Animation ungeeignet, da hierbei nicht nur das Endergebnis, sondern auch aufeinander aufbauende Zwischenstände der Akkumulation von Interesse sind.

```
count = 0;
1
   for line = lines
2
        for pos = line_rastering(line(1:2), line(4:5))
3
             if floor(mod_f(count, cam.step)) == 0
\mathbf{4}
\mathbf{5}
                 update_plot();
                 take_picture();
6
7
             end
             acc_space(pos(1)+1 : pos(1)+x_dim, \ldots)
8
                        pos(2)+1 : pos(2)+y dim, ...
9
                        platform height+max(2, \text{line}(3) - z \text{ dim } h+3) : ...
10
                        line(3)+z_dim_h+1+platform_height)...
11
             = D( : , : , max(1,z_dim_h-line(3)) : end) ...
12
             + acc_space(pos(1)+1 : pos(1)+x_dim, ...
13
                          pos(2)+1 : pos(2)+y_dim, ...
14
                          platform_height+max(2,line(3)-z_dim_h+3) : ...
15
16
                               line(3)+z_dim_h+1+platform_height);
             count = count + 1;
17
        end
18
19
    end
```

Die Daten aus Tabelle 2 werden dem Programm in der Variable lines übergeben. Die einzelnen Felder, die in Abbildung 8 rot markiert sind, werden in Zeile 3 aus Start- und Endfeld jedes Schreibvorgangs berechnet. In Zeile 8 bis 16 wird die Dosismatrix D an den jeweils vorgegebenen Koordinaten zur Raummatrix acc_space hinzuaddiert. Dabei ist die Indizierung in der z-Dimension nötig, um den Kontakt der ersten gedruckten Schicht zur Substratplatte korrekt abzubilden.

3.2.4. Kameraeinstellung

Zu Beginn der Simulation übergibt man dem Programm die Dauer und Bildfrequenz der zu erstellenden Animation. Anhand der Daten aus Tabelle 2 kann die Anzahl der Akkumulationsschritte, das sind die Durchläufe der inneren Schleife, vorab berechnet werden.

$$Akkumulationsschritte = \sum_{i} (1 + max\{x_{off}(i), y_{off}(i)\})$$

Die Laufvariable i indiziert dabei die Zeilen aus Tabelle 2. Aus der Anzahl der Akkumulationsschritte, der Bildfrequenz und der Dauer lässt sich berechnen, wie groß ein Kameraschritt ist, d. h. nach wie vielen Akkumulationsschritten je eine Aufnahme erzeugt wird. Dies erledigen die Zeilen 4 bis 7 im Programm.

Für einen besseren Überblick gibt es die Möglichkeit, während der Animation eine Kamerafahrt zu vollführen. Parametrisiert wird diese, indem man in einer Liste übergibt, in welchem Winkel die Kamera zu bestimmten Zeitpunkten auf die Struktur gerichtet sein soll. Dazwischen wird die Bewegung linear interpoliert.

Zur Darstellung der Daten aus der Raummatrix waren wir an einem Weg interessiert, die Bereiche zu visualisieren, in denen die deponierte Lichtdosis die Schwellendosis überschreitet. Dabei hilft die Beobachtung, dass die Oberfläche der simulierten 3D-Struktur eine Isofläche ist. In einem Skalarfeld bezeichnet eine Isofläche eine Fläche, die aus allen Punkten besteht, die gleich einem festgelegten Wert sind. Zwar ist die Raummatrix, anders als ein Skalarfeld, nicht kontinuierlich, in MATLAB[®]kam aber die Möglichkeit gelegen, mittels der isosurface-Funktion eine Isofläche durch Interpolation anzunähern.

4. Ergebnisse

Mit dem bestehenden Simulationsprogramm untersuchten wir, wie die Präzision, die je mit der 1- und 2-Photonen-Absorption realisiert werden kann, durch Akkumulationseffekte begrenzt wird. Als Testobjekt diente ein kleiner Tisch. Im Ideal ist er 15 µm breit und 11 µm hoch. Die Beine und die Tischplatte haben jeweils eine Dicke von 2 µm. Als Referenz beträgt die Größe des Gitters im Hintergrund der Abbildungen ebenfalls 2 µm.

Die Animationsergebnisse wurden auf dem Symposium der Hector Fellow Academy präsentiert. Dessen Aufzeichnung lässt sich online anschauen [4]. Dort kann man die hier gezeigten Bilder auch in Bewegung und aus verschiedenen Kameraperspektiven sehen.

Im simulierten Druck kam ein Laser der Wellenlänge 780 nm zum Einsatz, der durch ein planachromatisches Objektiv mit 63-facher Vergrößerung und einer numerischen Apertur von 1,4 fokussiert wurde. Geschrieben wurde mit einer Geschwindigkeit von $145 \frac{\text{mm}}{\text{c}}$.



(a) 1-Photon-Absorption

(b) 2-Photonen-Absorption



In der Simulation des Druckes mit 2PA beträgt die maximale Lichtdosis, die der Laser bei einem Schreibvorgang im Lack deponiert, 295 % der Schwellendosis. Bei der Simulation mit 1PA ist die Schwellendosis so weit erhöht, dass an den Stellen, die dem Laser am stärksten ausgesetzt sind, nach einmaliger Lichteinwirkung nur 41 % der Schwellendosis erreicht wird. Das führt dazu, dass der Laser, wenn er die Tischplatte das erste mal linienweise abfährt, nur in der Simulation mit 2PA feste Strukturen im Lack generiert. In der anderen Simulation kommt es erst beim zweiten Durchlauf zur Ausbildung der Tischplatte. Die Abbildungen 12 und 13 im Anhang zeigen die Zwischenstände der Simulationen zu genau diesen Zeitpunkten.

Die gewählte Schwellendosis für die Simulation mit 2PA orientierte sich an realen Werten. Bei der 1PA hingegen wurde die Schwellendosis so gewählt, dass das Ergebnis möglichst noch als Tisch zu erkennen ist, ohne diese zu hoch zu setzen, sodass die in Kapitel 2.4 erwähnte Ungenauigkeit durch Diffusion

zu groß wird. Es gab hier keine Werte zur Orientierung, da die 1PA beim 3D-Lasernanorduck in der Praxis nicht verwendet wird. Diese Simulation ist also keine Nachbildung eines realen Druckvorgangs, sondern eine allgemeine, theoretische Betrachtung.

Die Auflösung wurde bei beiden Simulationen auf 100 nm gesetzt. Zusätzlich wurden die Dimensionen der Dosismatrix r_r und r_z aus Abbildung 8 reduziert, um die zeitaufwändige Berechnung der Animationen zu verkürzen. r_z betrug 15 µm, das heißt, vom Fokuspunkt aus wurde der Einfluss des Lasers in axialer Richtung noch bis in diese Entfernung berechnet. r_r betrug dagegen nur 4 µm. Dieses frühzeitige Abschneiden in transversaler Richtung führte zur Bildung der Kanten, die beim Blick auf 9a ins Auge fallen.

5. Diskussion

5.1. Auflösung

Zwecks kürzerer Rechenzeiten wurde die Auflösung der Simulation auf 100 nm gesetzt, was nur etwas kleiner ist als die Größenordnung der Voxel. Um daher zu untersuchen, wie sehr die Auflösung möglicherweise Rundungsfehler bewirkt, wurden vier Testsimulationen mit den Auflösungen 25 nm und 100 nm, sowie einem Hatching von 300 nm und 333 nm ausgeführt. Die Ergebnisse sind in Abbildung 10 aufgelistet. In 10a und 10b ist zu sehen, dass die Konturen der Voxel, die durch das Hatching entstehen, unabhängig von der Auflösung gleichermaßen ausgebildet sind. Auch eine Auflösung von 100 nm ist nicht zu klein, um dies beobachten zu können.

Dagegen treten bei falscher Wahl der Hatching- und Slicingwerte deutliche Unterschiede durch Rundungsfehler auf. Sind Hatching und Slicing kein Vielfaches der Auflösung und ist die Auflösung zusätzlich zu groß gewählt, kommt es zu periodischen Verschiebungen wie in 10d. Bei einer Auflösung von 25 nm sind die Rundungsfehler zwar auch zu erkennen, aber schwächer ausgeprägt. In der Simulation des Tisches (Abbildung 9) ist der angesprochene Effekt jedoch kein Problem, da Hatching mit 200 nm und Slicing mit 300 nm ein Vielfaches der verwendeten Auflösung sind.



(a) Auflösung 25 nm, Hatching 300 nm



(c) Auflösung $25\,\mathrm{nm},\,\mathrm{Hatching}\,\,333\,\mathrm{nm}$



(b) Auflösung 100 nm, Hatching 300 nm



(d) Auflösung 100 nm, Hatching 333 nm



5.2. Laufzeit

Ein einschränkender Faktor, der u. a. zu den Kanten in Abbildung 9a führte, war die Laufzeit, die das Erstellen von Animationen jener Größe brauchte. So konnten wir bisher nicht versuchen, die radiale Begrenzung r_r des berechneten Feldes bei der Simulation auf einen größeren Wert als 4 µm zu setzen. Eine Neuberechnung des Fokus in einem größeren Bereich wäre zu aufwändig gewesen.

Es gab die Idee, die Ausführungszeit der Schleife, in der die Akkumulation stattfindet, zu verkürzen, indem die Summierung der Dosis zwischen der Aufnahme von zwei Bildern parallelisiert wird. Das Optimierungspotenzial durch diesen Ansatz ist jedoch aus zwei Gründen begrenzt. Zum einen ergab ein kurzer Test, dass die Akkumulation einen ähnlichen Rechenaufwand benötigt wie die Grafikberechnungen zur Darstellung der Isofläche. Als zweites sind die Akkumulationsschritte zwischen zwei Bildern zu wenige, sodass sich eine Parallelisierung nicht lohnt. Die sequenzielle Variante hat den Vorteil, dass innerhalb eines Akkumulationsschritts nur Berechnungen in einem Bereich der Größe der Dosismatrix ausgeführt werden müssen. Diese ist kleiner als die vollständige Raummatrix. In der parallelen Variante könnte man zwar einige Schritte gleichzeitig ablaufen lassen, dies müsste aber in unterschiedlichen Raummatrizzen geschehen. Durch das Zusammenführen geht der Vorteil bei zu wenigen Akkumulationsschritten wieder verloren. Die Animation des Tischdrucks mit einer Bildfrequenz von 30 Hz und einer Dauer von 30 s zum Beispiel hatte zwischen zwei Bildern nur 190 Akkumulationsschritte.

6. Ausblick

Mit diesem Projekt konnten wir zeigen, dass die feinen und gleichzeitig komplexen Strukturen, die man mit dem 3D-Lasernanodruck z. B. für optische Anwendungen drucken will, mit der 1-Photon-Absorption nicht realisiert werden können.

Die 2-Photonen-Absorption macht dies zwar möglich, zieht aber andere Nachteile nach sich. Da die Wahrscheinlichkeit sinkt, dass ein Initiatormolekül angeregt wird, werden zum Ausgleich höhere Lichtintensitäten benötigt, die nur durch Femtosekunden-Pulslaser erreicht werden können. Da diese sehr teuer sind, ist eine Herstellung von 3D-Lasernanodruckern in großer Serie bisher nicht denkbar.

Aus diesem Grund wird momentan am Institut für Angewandte Physik des KIT an der 2-Stufen-Absorption geforscht. Hierbei werden Initiatormoleküle verwendet, die zwischen angeregtem und nicht angeregtem Zustand ein weiteres Energieniveau aufweisen. Trifft ein Photon auf einen solchen Initiator, kann er für eine bestimmte Zeit in diesem Zwischenzustand bleiben, bevor er in den Grundzustand zurückfällt. Ein zweites Photon hat somit mehr Zeit, den Zerfall des Initiators anzustoßen. Dadurch bleibt der so wichtige Nichtlinearitätswert von 2 erhalten, während die Wahrscheinlichkeit der Initiierung bei gleicher Lichtintensität steigt.

A. Anhang

Inhaltsverzeichnis

A.1.	Auszüge aus der Animation
A.2.	Programmcode
	A.2.1. Quelltext des Scripts
	A.2.2. Funktionen
A.3.	Danksagung
A.4.	Literatur
A.5.	Selbstständigkeitserklärung IX

A.1. Auszüge aus der Animation



Abbildung 11: Aufnahme der Simulation zum Zeitpunkt des Drucks der Tischbeine



Abbildung 12: Aufnahme der Simulation zum Zeitpunkt des Drucks der ersten Schicht der Tischplatte



Abbildung 13: Aufnahme der Simulation zum Zeitpunkt des Drucks der zweiten Schicht der Tischplatte

A.2. Programmcode

A.2.1. Quelltext des Scripts

```
%% Animation of accumulated dose in the threshold model
1
2
    %{
3
        1. Set input parameters
4
            1.1. Program parameters
            1.2. Focus parameters
\mathbf{5}
           1.3. Laser and photoresist parameters
6
           1.4. Camera parameters
7
        2. Select focus
8
        3. Select gwl job
9
        4. Select camera trajectory
10
        5. Animation
11
12
    %}
13
    %% 1. Set input parameters
14
          1.1. Program parameters
15
   %
16
                                        % Resolution
17
   pro.res = 100e-9;
                                                         [m]
                                        % Radial Range [m]
18
    pro.r_r = 4e-6;
    pro.r_z = 20e-6;
                                        % Axial Range
                                                         [m]
19
20
           1.2. Focus parameters
21
    %
22
   foc.lam = 780e-9;
                                        % Vacuum Wavelength
                                                                         [m]
23
    foc.n = 1.52;
                                        % Diffraction Index of Medium
                                                                         []
24
                                        % Numerical Aperture
                                                                         []
    foc.NA = 1.4;
25
                                        % Tubus Length
26
   foc.tubus = 165e-3;
                                                                         [m]
27 foc.M = 63;
                                        % Magnification of Objective
                                                                         []
28 foc.t = 0.7;
                                        % Transmission Coefficient
                                                                         []
                                       % Laser Radius on Objective
   foc.w = foc.NA*foc.tubus/foc.M;
                                                                         [m]
29
    foc.f = foc.tubus/foc.M;
                                        % Focal Length
                                                                         [m]
30
31
           1.3. Laser and photoresist parameters
   %
32
33
   1.nonlin = 2;
                                        % Nonlin. factor of photoresist []
34
35
   %
           1.4. Camera parameters
36
37
   cam.thresh = 1;
38
    cam.color = 'red';
39
    cam.tick_res = 2e-6;
                                        % Distance between ticks on the axis [m]
40
    cam.fps = 30;
                                        % Frame rate of the animation [1/s]
41
    cam.duration = 10;
                                        % Duration of the animation
                                                                              [s]
42
    cam.filename = "filename";
                                       % Save animation to "filename.gif"
43
44
    %% 2. Select focus
45
46
    disp('Select calculated focus...')
47
    [file,path] = uigetfile('.mat', 'Select focus', './foci/');
48
    if isequal(file,0)
49
       disp('User selected Cancel');
50
    else
51
       disp(['User selected ', fullfile(path,file)]);
52
    end
53
54
    load(fullfile(path,file),'E');
55
```

```
D = E .^ l.nonlin;
56
     D = D . / max(D(:));
57
58
     %% 3. Select qwl job
59
60
     addpath(genpath('matlab-gwlParser')); % Make sure that the library folder is included in path
61
     % Import qul file
 62
     disp('Select gwl job (raw or parsed, try the different file types!)...')
 63
     [file,path,indx] = uigetfile({'*.gwl';'*parsed.mat'},'Select gwl job','./gwl_jobs/');
64
     if isequal(file,0)
65
        disp('User selected Cancel');
66
     else
67
        disp(['User selected ', fullfile(path,file)]);
68
69
     end
     if indx == 1
70
         gwl = gwlParserFunctionFP(file,path);
 71
     elseif indx == 2
 72
         load(fullfile(path,file), 'gwl');
 73
74
     else
         disp('Make sure to select the correct file types!');
75
 76
     end
     % Convert gwl data
77
     %{
 78
         .qwl file:
 79
                              2
                                  3
                                      4
                                          5
                                                   6
                                                       7
                  1
80
                 commands
                              \boldsymbol{x}
                                  y
                                      z
                                          power
                                                   ?
                                                       2
 81
 82
         convert to:
                                  5
 83
                 1 2 3 4
                                          6
 84
                 x y z x_off y_off z
     %}
 85
     scribe = gwl(gwl(:,1) == 0,:); % Cut lines containing commands
 86
     scribe = scribe(scribe(:,5) ~= 0 | circshift(scribe(:,5) ~= 0, 1),:); % Get rid of positioning
 87
     \rightarrow movements
     scribe = scribe(:,2:4); % Retain fields x,y,z only
88
89
     scribe = scribe*1e-6;
90
     scribe(:,3) = scribe(:,3)*1e3; % Convert z to microns
91
92
     scribe = round((scribe - min(scribe))/pro.res);
93
^{94}
95
    pro.x_max = max(scribe(:,1));
96
     pro.y_max = max(scribe(:,2));
     pro.z_max = max(scribe(:,3));
97
98
     scribe = reshape(scribe', 6, []);
99
     scribe([4 5],:) = scribe([4 5],:) - scribe([1 2],:);
100
101
     %% 4. Select camera trajectory
102
103
104
     % Import trajectory file
     disp('Select camera trajectory...')
105
     [file,path] = uigetfile('*.mat', 'Select camera trajectory', './trajectories/');
106
     if isequal(file,0)
107
        disp('User selected Cancel');
108
     else
109
        disp(['User selected ', fullfile(path,file)]);
110
     end
111
    load(fullfile(path,file),'traj');
112
```

```
% Calculate camera angles
113
    addpath(genpath('interpolation'));
114
     accumulation steps = sum( max(abs(scribe(4,:)),abs(scribe(5,:)))+1 ); % Calculate the sum of the
115
     \leftrightarrow steps line rastering() will generate for each written line
     cam.fps = min(cam.fps, accumulation_steps/cam.duration); % Frame rate (together with length) may
116
     \leftrightarrow demand more frames than there are steps to make
     animation_steps = cam.duration * cam.fps;
117
     cam.step = accumulation_steps/animation_steps;
118
119
     cam.angles = zeros(animation_steps+1,2); % +1 because there will be one additional last frame
120
     for i = 2:size(traj,1)
121
         xx = round(traj([i-1 i],1)*animation_steps)+1; % Get time now and now-1
122
123
         aa = traj([i-1 i],2);
124
         az = linear_interpolation(xx,aa);
                                                % Azimuth change
125
126
         ee = traj([i-1 i],3);
127
                                                % Elevation change
         el = linear_interpolation(xx,ee);
128
129
         cam.angles(xx(1):xx(2)-1,:) = [az(1:end-1); el(1:end-1)]';
130
131
     end
     cam.angles(end,:) = traj(end,2:3); % Last frame
132
133
     %% 5. Animation
134
135
     animation(pro, D, scribe, cam);
136
```

A.2.2. Funktionen

```
function animation(pro, D, scribe, cam)
1
        %% Allocate accumulation space
\mathbf{2}
        % Calculate voxel dimensions
3
        x_dim = floor(2*pro.r_r/pro.res)+1;
4
        y_dim = x_dim;
5
        z_dim_h = floor(pro.r_z/pro.res)+1; % Note: only half
6
        % Calculate accumulation space dimensions
7
8
        x_max = pro.x_max;
9
        y_max = pro.y_max;
10
        z_max = pro.z_max;
11
        x_top = x_max+x_dim;
12
        y_top = y_max+y_dim;
        z_top = z_max+z_dim_h+1; % +1 to fill the isosurface hole at the bottom
13
        % Create substrate in space
14
        platform_height = ceil(z_top/50);
15
        platform = zeros(x_top, y_top, z_top + platform_height);
16
        platform(:, :, 1:ceil(z_top/50)) = ones(x_top, y_top, ceil(z_top/50));
17
        %Create accumulation space
18
19
        acc_space = zeros(x_top, y_top, z_top+platform_height);
20
        %% Accumulate while animation is performed
21
        % Set up the plot
22
23
        tic
        fig = figure('Name', 'animation', 'NumberTitle', 'off', 'Position', [0 0 900 900]);
24
        plot_x_axe = (1:x_top) * pro.res;
25
        plot_y_axe = (1:y_top) * pro.res;
26
        plot_z_axe = (1:z_top + platform_height) * pro.res;
27
        axis equal
28
        axis([0 y_top*pro.res 0 x_top*pro.res 0 z_top*pro.res])
29
```

```
xticks(0:cam.tick_res:y_top*pro.res);
30
        yticks(0:cam.tick_res:x_top*pro.res);
31
        zticks(0:cam.tick_res:(z_top + platform_height)*pro.res);
32
        xticklabels({});
33
        yticklabels({});
34
        zticklabels({});
35
        grid on
36
        % Accumulate
37
        number_of_pictures = 0;
38
        count = 0;
39
        for line = lines
40
            for pos = line_rastering(line(1:2), line(4:5))
41
                 if floor(mod_f(count, cam.step)) == 0
42
                     update_plot();
43
                     take_picture();
44
45
                 end
                 acc_space(pos(1)+1 : pos(1)+x_dim, ...
46
                           pos(2)+1 : pos(2)+y_dim,
47
                           platform_height+max(2,line(3)-z_dim_h+3) : ...
48
                           line(3)+z_dim_h+1+platform_height)...
49
                 = D( : , : , max(1,z_dim_h-line(3)) : end) ...
50
                 + acc_space(pos(1)+1 : pos(1)+x_dim, ...
51
                             pos(2)+1 : pos(2)+y_dim, ...
52
                             platform_height+max(2,line(3)-z_dim_h+3) : ...
53
                                  line(3)+z_dim_h+1+platform_height);
54
                 count = count + 1;
55
56
             end
57
        end
58
        while number_of_pictures < size(cam.angles,1)-1
59
            update_plot();
             take_picture();
60
        end
61
        update_plot();
62
        take_picture('last');
63
            disp(['Animation took ' num2str(toc) ' seconds; Number of frames: '
64
             → num2str(number_of_pictures)]);
65
        %% Private functions
66
        function update_plot()
67
            cla
68
69
            % Plot printed object
70
            p = patch(isosurface(plot_y_axe, plot_x_axe, plot_z_axe, acc_space, cam.thresh));
            set(p,'FaceColor',cam.color,'EdgeColor','none');
71
             % Plot platform
72
            p2 = [patch(isosurface(plot_y_axe, plot_x_axe, plot_z_axe, platform, 0.5)), ...
73
                 patch(isocaps(plot_y_axe, plot_x_axe, plot_z_axe, platform, 0.5))];
74
             set(p2, 'FaceColor', '#777777', 'EdgeColor', 'none');
75
             % Set up camera
76
            view(cam.angles(number_of_pictures+1,:))
77
             camlight left
78
79
             lighting gouraud
80
        end
81
        function take_picture(shot)
82
                     gif_filename = string(append(cam.filename, '.gif'));
83
                     frame = getframe(fig);
84
                     im = frame2im(frame);
85
                     [imind,cm] = rgb2ind(im,256);
86
```

```
if number_of_pictures == 0
87
                  imwrite(imind,cm, gif_filename ,'gif','Loopcount',1, 'DelayTime', 0.5);
88
                      elseif ~exist('shot','var')
89
                  imwrite(imind,cm, gif_filename,'gif','WriteMode','append', 'DelayTime', 1/cam.fps);
90
                      elseif strcmp(shot, 'last')
91
                               imwrite(imind,cm, gif_filename, 'gif','WriteMode', 'append', 'DelayTime',
92
                               \rightarrow 0.5);
 93
                               saveas(fig, append(cam.filename, '.png'), 'png');
^{94}
                      end
             number_of_pictures = number_of_pictures + 1;
95
         end
96
     end
97
98
     function [b] = mod_f(a,m)
99
     % "Modulo" operation with decimal divisor
100
         b = a - m.*floor(a./m);
101
102
     end
103
    function [xy] = line_rastering(start,delta)
104
    % start: 2D-vector of two integers
105
    % delta: = end_of_line - start_of_line; 2D-vector of two ints
106
    x0 = start(1);
107
    dx = delta(1);
108
    y0 = start(2);
109
    dy = delta(2);
110
         if dy == 0
111
112
              [x,y] = horizontal_d(x0,dx,y0);
113
         elseif dx == 0
114
              [y,x] = horizontal_d(y0,dy,x0);
         elseif abs(dx) >= abs(dy)
115
             [x,y] = diagonal_d(x0,dx,y0,dy);
116
         else
117
              [y,x] = diagonal_d(y0,dy,x0,dx);
118
         end
119
         xy = [x; y];
120
     end
121
122
     function [x,y] = horizontal_d(x0,dx,y0)
123
         if dx \geq 0
124
125
             x = x0:x0+dx;
126
         else
127
             x = x0:-1:x0+dx;
128
         end
         y = zeros(1, abs(dx)+1) + y0;
129
     end
130
131
     function [x,y] = diagonal_d(x0,dx,y0,dy) % Assert: |x1-x0| >= |y1-y0|
132
         x = horizontal_d(x0,dx,y0);
133
         m = dy / abs(dx);
134
135
         y = round(y0:m:y0+dy);
136
     end
```

A.3. Danksagung

Ganz herzlich wollen wir uns bei Tobias Messer und Pascal Kiefer bedanken, die uns während des Kooperationsprojekts intensiv betreut haben und bei Fragen stets zur Seite standen.

Für die Arbeit zur Modellierung der Laserstrahlen, auf die wir zurückgreifen durften, danken wir Richard Wagner, ebenso für seine Hilfe am visuellen Schliff der finalen Animationen.

Vielen Dank an Prof. Dr. Martin Wegener, der dieses Kooperationsprojekt ermöglicht und unsere Animationsergebnisse auf dem Symposium der Hector Fellow Academy präsentiert hat.

Des Weiteren möchten wir uns natürlich bei allen Kursleiterinnen und Kursleitern bedanken, die uns sechs Jahre lang begleitet und das Hector-Seminar mit ihrem Einsatz zu jener spannenden Zeit gemacht haben, auf die wir gerne zurückschauen.

Zum Schluss gilt unser Dank dem Ehepaar Dr. Hans-Werner und Josephine Hector, ohne deren Förderung durch die Hector-Stiftung die zahlreichen Einblicke in das wissenschaftliche Arbeiten, die wir im Laufe des Hector-Seminars erhielten, nicht möglich gewesen wären.

A.4. Literatur

- Wagner, Richard: Bachelorarbeit On the Simulation of Dose Accumulation in 3D Laser Nanoprinting, 2022, KIT
- [2] Müller, Dr. Jonathan B.: Dissertation Exploring the Mechanisms of Three-Dimensional Direct Laser Writing by Multi-Photon Polymerization, 2015, KIT
- [3] Frenzel, Dr. Tobias: Dissertation On 3D Chiral Mechanical Metamaterials, 2020, KIT
- [4] Symposium der Hector-Fellow-Academy: 3D-Druck Maβgeschneidert und auf Knopfdruck, 2022, Referent Dr. Martin Wegener, Aufzeichnung: https://www.youtube.com/watch?v=_dmUv47lMwk
- [5] Gietz, Paul; Schierle, Prof. Dr. Werner; Stein-Bastuck, Dr. Reiner; Sternberg, Michael: *Elemente Chemie*, Schulbuch für die Kursstufe Baden-Württemberg, 2010, Ernst Klett Verlag

A.5. Selbstständigkeitserklärung

Hiermit versichern wir, dass diese Arbeit unter Beratung von Tobias Messer, Pascal Kiefer und Richard Wagner sowie Norbert Krieg selbständig verfasst wurde, keine anderen als die angegeben Quellen und Hilfsmittel verwendet und Zitate kenntlich gemacht wurden.

Elias Gestrich

Dan Vierling